1 O-Notation

$$O(f) := f \mid \exists c, n_0 \in \mathbb{N}, c > 0, n_0 > 0, \forall n \in \mathbb{N}, n > n_0 : g(n) \le c * f(n)$$

g wächst nicht schneller als f

$$\Omega(f) := g \mid \exists c, n_0 \in \mathbb{N}, c > 0, n_0 > 0, \forall n \in \mathbb{N}, n > n_0 : g(n) \ge c * f(n)$$

g wächst mindestens so schnell wie f

$$\Theta(f) = O(F) \cap \Omega(f)$$

f und g von gleicher Größenordnung

g(n): Funktion in Langform c: Anzahl Vergleiche n_0 : ab welchem n gilt es

Master-Theorem

$$t(n) = a * t(\frac{n}{b}) + f(n)$$

$$t(n) \in \Theta(f(n)) \text{ falls } f(n) \in \Omega(n^{\log_b a + \epsilon}) \text{ und }$$

$$\epsilon > 0 \text{ und } a * f(\frac{n}{b} \le c * f(n))$$

$$t(n) \in \Theta(n^{\log_b a})$$
 falls $f(n) \in O(n^{\log_b a - \epsilon})$

a: Anzahl rekursiver Aufrufe der Funktion
$$f(n) \in \Theta(n^{\log_b a} \log n)$$
 falls $f(n) \in \Pi$ a: Anzahl Element b: Um wie viel wird reduziert $f(n)$: Komplexität vom Rest

2 Bäume

Preorder: Wurzel \rightarrow Preorder von linken Knoten

Postorder: Postorder der Knoten \rightarrow Wurzel

Inorder: Inorder vom linken Knoten \rightarrow Wurzel \rightarrow Inorder Rechter Knoten

Johannes Theiner

2.1 Huffman Codes

Tabelle mit Symbolen und Häufigkeiten while (2 kleinste Wahrscheinlichkeit markieren; neuen Knoten mit Summenwahrscheinlichkeit; bis nur einer unmarkiert ist)

AVL-Baum: \rightarrow sortierte Binärbäume; **2-3 Bäume:** innerer Knoten enthält minimum der Kinder; **B-Baum:** 3 in Wurzel mit jeweils einem Kind

3 Sortieren

BubbleSort: Aufsteigen

Shakersort: gemischer Bubblesort

Shellsort: Einfügen mit abnehmender Schrittweite

Heapsort: Heap geblockt aufbauen...

Quicksort: rekursiv, < kleiner, > größer, vom Pivot aus

Mergesort: rekursiv auseinander nehmen, und passend zusammensetzen

4 Indexieren

Hashing, Schlüssel mit Referenz, Schlüssel mit Block Referenz

5 Graphen

5.1 Dijkrstra Algorithmus

Adjazenztabelle aufstellen, kürzeren Umweg suchen und Länge in Tabelle ersetzen.

5.2 Suche

Tiefensuche

bei Besuch markieren

2 Johannes Theiner

Vorgänger nie besucht: **T**; Vorgänger früher besucht: **F**; Vorgänger später besucht: **B**; Vorgänger gefinished: **C**; Tree, Forward, Back, Cross

Breitensuche Erst direkte Nachfolger, dann deren Nachfolger

Hat ein Graph den Zusammenhang m, hat jeder Knoten min m Kanten.

6 Algorithmenentwurf

divide and conquer in kleinere Teilprobleme aufteilen

Dynamische Programmierung Lösung von Teilproblemen in Tabelle notieren

Greedy Verfahren gierig: beste Lösung als nächsten Schritt, "größtmögliche Münze"

Backtracking ausprobieren und zurück wenn Ergebnis nicht passt.

Johannes Theiner